

Analiza matematyczna - opis przedmiotu

| Informacje ogólne | |
|---------------------|---|
| Nazwa przedmiotu | Analiza matematyczna |
| Kod przedmiotu | 11.1-WI-INFP-AM |
| Wydział | Wydział Informatyki, Elektrotechniki i Automatyki |
| Kierunek | Informatyka |
| Profil | ogólnoakademicki |
| Rodzaj studiów | pierwszego stopnia z tyt. inżyniera |
| Semestr rozpoczęcia | semestr zimowy 2019/2020 |

| Informacje o przedmiocie | |
|---------------------------------|---|
| Semestr | 1 |
| Liczba punktów ECTS do zdobycia | 5 |
| Typ przedmiotu | obowiązkowy |
| Język nauczania | polski |
| Sylabus opracował | <ul style="list-style-type: none">dr Ewa Sylwestrzak-Maślanka |

| Formy zajęć | | | | | |
|-------------|---|--|--|---|---------------------|
| Forma zajęć | Liczba godzin w semestrze (stacjonarne) | Liczba godzin w tygodniu (stacjonarne) | Liczba godzin w semestrze (niestacjonarne) | Liczba godzin w tygodniu (niestacjonarne) | Forma zaliczenia |
| Ćwiczenia | 30 | 2 | 18 | 1,2 | Zaliczenie na ocenę |
| Wykład | 30 | 2 | 18 | 1,2 | Egzamin |

Cel przedmiotu

Celem przedmiotu jest uzyskanie przez studenta umiejętności i kompetencji w zakresie rozumienia podstawowych zagadnień matematycznych wymienionych w zakresie tematycznym przedmiotu koniecznych do rozpoczęcia kształcenia na studiach technicznych.

Wymagania wstępne

Podstawowe wiadomości z zakresu zbiorów i funkcji liczbowych.

Zakres tematyczny

Elementy rachunku zdań i algebry zbiorów. Liczby rzeczywiste. Funkcje jednej zmiennej - pojęcie funkcji i podstawowe własności funkcji. Przegląd najważniejszych klas funkcji. **Ciągi liczbowe:** Definicja ciągu. Monotoniczność i ograniczoność ciągu. Granica ciągu. Twierdzenia o granicach właściwych i niewłaściwych ciągów. Twierdzenie o trzech ciągach. **Szeregi liczbowe:** Kryteria zbieżności szeregów (porównawcze, d'Alamberta, Cauchy'ego, Leibniza). Zbieżność bezwzględna szeregów. **Granica funkcji.** Twierdzenia o granicach właściwych i niewłaściwych funkcji. Asymptoty funkcji. **Ciągłość funkcji** : Rodzaje nieciągłości. Twierdzenia o funkcjach ciągłych. **Rachunek różniczkowy funkcji jednej zmiennej:** Pochodna i różniczka funkcji. Twierdzenia o wartości średniej (Rolle'a, Lagrange'a). Reguła de L'Hospitala i jej zastosowanie do obliczania granic funkcji. Wzór Taylora i Maclaurina. Monotoniczność funkcji. Ekstrema lokalne i globalne funkcji. Funkcje wypukłe i wklęsłe. Punkt przegięcia funkcji. Badanie przebiegu zmienności funkcji. **Rachunek całkowy funkcji jednej zmiennej:** Funkcja pierwotna i własności całek nieoznaczonych. Całkowanie przez części i przez podstawienie. Metody obliczania całek nieoznaczonych - całkowanie funkcji wymiernych, trygonometrycznych i niewymiernych. Całka oznaczona i jej własności. Zastosowanie całek oznaczonych w geometrii i fizyce (obliczanie : pola figury płaskiej, długości krzywej, objętości i pola powierzchni bryły obrotowej, środka ciężkości, momentu bezwładności, momentu statycznego, pracy). Całki niewłaściwe. Przykłady 'śmiałego' zastosowania całek oznaczonych w matematyce dyskretniej (twierdzenie o podziale prostokąta na prostokąty).

Elementy równań różniczkowych zwyczajnych.

Metody kształcenia

Wykład: Wykład konwencjonalny.

Ćwiczenia: praca w grupach.

Efekty uczenia się i metody weryfikacji osiągnięcia efektów uczenia się

| Opis efektu | Symboly efektów | Metody weryfikacji | Forma zajęć |
|--|---|--|---|
| Student dobrze rozumie definicję funkcji. Jest świadomy roli jaką odgrywa pojęcie funkcji w nauce. Stąd, docenia znaczenie wszelkich metod umożliwiających poznanie różnych własności funkcji. | <ul style="list-style-type: none">K_W01 | <ul style="list-style-type: none">egzamin - ustny, opisowy, testowy i inne | <ul style="list-style-type: none">Wykład |
| Student potrafi (i lubi) samodzielnie wyszukiwać informacje w literaturze. Wie, że umiejętność i gotowość do ciągłego samokształcenia jest obecnie niezbędnym minimum sprawnego funkcjonowania na rynku nowych technologii | <ul style="list-style-type: none">K_U01K_K01 | <ul style="list-style-type: none">dyskusja | <ul style="list-style-type: none">Ćwiczenia |
| Student rozumie pojęcie zbieżności ciągu liczbowego. Potrafi podać przykłady procesów, które pomagają w intuicyjnym uchwyceniu idei zbieżności. | <ul style="list-style-type: none">K_W01 | <ul style="list-style-type: none">egzamin - ustny, opisowy, testowy i inne | <ul style="list-style-type: none">Wykład |

| Opis efektu | Symbole efektów | Metody weryfikacji | Forma zajęć |
|--|--|---|---|
| Student wykorzystuje twierdzenia i metody rachunku różniczkowego funkcji jednej zmiennej w zagadnieniach związanych z optymalizacją, poszukiwaniem ekstremów lokalnych i globalnych (na elementarnych przykładach). | <ul style="list-style-type: none"> • K_W01 | <ul style="list-style-type: none"> • egzamin - ustny, opisowy, testowy i inne • kolokwium | <ul style="list-style-type: none"> • Wykład • Ćwiczenia |
| Student potrafi zastosować całkę oznaczoną do obliczania pól figur płaskich, długości krzywych, objętości i pól powierzchni brył obrotowych. Zna przykłady wykorzystania całki oznaczonej w fizyce i technice. Zna przykłady zastosowania całek oznaczonych w matematyce dyskretnej. | <ul style="list-style-type: none"> • K_W01 | <ul style="list-style-type: none"> • egzamin - ustny, opisowy, testowy i inne • kolokwium | <ul style="list-style-type: none"> • Wykład • Ćwiczenia |
| Student potrafi posługiwać się poznanym aparatem matematycznym do opisu i modelowania zjawisk oraz procesów fizycznych. | <ul style="list-style-type: none"> • K_W02 • K_U06 | <ul style="list-style-type: none"> • aktywność w trakcie zajęć • dyskusja | <ul style="list-style-type: none"> • Ćwiczenia |

Warunki zaliczenia

Ćwiczenia : Warunkiem koniecznym i dostatecznym zaliczenia ćwiczeń jest uzyskanie 50 % maksymalnej ilości punktów, jaką można zdobyć z kolokwium cząstkowych. Student, który nie uzbiera wymaganej ilości punktów przystępuje do kolokwium poprawkowego z całości materiału na koniec semestru. Na ocenę z ćwiczeń składają się wyniki osiągnięte na kolokwium (70%) oraz aktywność podczas dyskusji i przygotowanie do zajęć (30%).

Wykład – egzamin złożony z części pisemnej. Warunkiem przystąpienia do egzaminu jest pozytywna ocena z ćwiczeń.

Na ocenę z przedmiotu składa się ocena z ćwiczeń (50%) i z egzaminu (50%). Warunkiem zaliczenia przedmiotu są pozytywne oceny z ćwiczeń i egzaminu.

Składowe oceny końcowej = wykład: 50% + ćwiczenia: 50%

Literatura podstawowa

1. M. Gewert, Z. Skoczylas, *Analiza matematyczna 1, Definicje, twierdzenia, wzory.*
2. M. Gewert, Z. Skoczylas, *Analiza matematyczna 1, Przykłady i zadania.*
3. J. Banaś, S. Wędrychowicz, *Zbiór zadań z analizy matematycznej.*

Literatura uzupełniająca

1. H. i J. Musielakowie, *Analiza matematyczna*, tom I cz. 1 i 2.
2. W. Krysicki, L. Włodarski, *Analiza matematyczna w zadaniach*, cz. I.
3. G.M. Fichtenholz, *Rachunek różniczkowy i całkowy, tom I i II.*
4. Stan Wagon, *Fourteen proofs of a result about tiling a rectangle*, Amer. Math. Monthly, vol. 97, no. 7, 1987 .
5. Martin Aigner, Gunter Ziegler, *Dowody z księgi.*

Uwagi

Program pierwotnie opracował dr hab Andrzej Kisielewicz, prof. UZ.

Zmodyfikowane przez dr Ewa Sylwestrzak-Maślanka (ostatnia modyfikacja: 16-04-2019 21:38)

Wygenerowano automatycznie z systemu SylabUZ