

# Game Theory - opis przedmiotu

## Informacje ogólne

Nazwa przedmiotu	Game Theory
Kod przedmiotu	11.1-WK-MATP-GT-S22
Wydział	Wydział Matematyki, Informatyki i Ekonometrii
Kierunek	WMiE - oferta ERASMUS
Profil	-
Rodzaj studiów	Program Erasmus
Semestr rozpoczęcia	semestr zimowy 2022/2023

## Informacje o przedmiocie

Semestr	2
Liczba punktów ECTS do zdobycia	5
Typ przedmiotu	obieralny
Język nauczania	angielski
Syllabus opracował	dr hab. inż. Łukasz Balbus, prof. UZ

## Formy zajęć

Forma zajęć	Liczba godzin w semestrze (stacjonarne)	Liczba godzin w tygodniu (stacjonarne)	Liczba godzin w semestrze (niestacjonarne)	Liczba godzin w tygodniu (niestacjonarne)	Forma zaliczenia
Wykład	30	2	-	-	Egzamin
Ćwiczenia	30	2	-	-	Zaliczenie na ocenę

## Cel przedmiotu

The purpose of the course is to get acquainted with basic theorems in game theory and present their meaning in modern economics.

## Wymagania wstępne

Mathematical analysis, linear algebra, probability theory,

## Zakres tematyczny

### Lecture

#### I. Static noncooperative games:

1. Normal form game (1 hour)
2. Zero-sum game. Minimax von Neumann Theorem. (3 hours.)
3. n-person games and Nash equilibrium. Relationship between Nash equilibria and fixed point theory of continuous multifunctions. (6 hours.)
4. Noncooperative games in economics: Bertrand and Cournot models. (2 hours)
5. Nash bargaining. (3 hours.)

#### II. Extended form games (dynamic games):

1. Imperfect information games. Kuhn's existence Theorem. (2 hours).
2. Kuhn's Algorithm. (1 hour.)
3. Modeling of imperfect information games. (2 hours.)

#### III. Cooperative games:

1. Voting games and linearly productive games. (2 hours.)
2. The core of cooperative games. The non-emptiness of the core theorem. (2 hours.)
3. Shapley and Banzhaf values(axiomatic construction). (3 hours.)

#### IV. Elements of game theory with imperfect information:

1. Bayesian games. Auctions. (3 hours.)

### Class

#### I. Non-cooperative static games:

1. Solving zero-sum games. (3 hours.)
2. n-person games and Nash equilibria. Examples. Prisoner dilemma. The best response mappings. (6 hours.)
3. Non-cooperative games in economics: Bertrand and Cournot oligopoly. (2 hours.)

4. Nash bargaining model. Searching for the solutions. (3 hours.)

## II. Extended form games (dynamic games):

1. Imperfect information. Application of Kuhn's algorithm for construction of Nash equilibria. (2 hours.)
2. Example of imperfect information games. (2 hours.)

## III. Cooperative games:

1. Examples of voting and linearly-production games. (1 hour.)
2. The core of cooperative games, examples. (2 hours.)
3. Shapley and Banzhaf value (computing). (3 hours.)

## IV. Elements of game theory with imperfect information:

1. Bayesian games. Auctions. Examples of games (3 hours.)

## V. Test and summary: (4 hours).

## Metody kształcenia

Conventional lecture and discussion.

Class - solving mathematical problems, analysis of classical examples in game theory, and other applications.

## Efekty uczenia się i metody weryfikacji osiągania efektów uczenia się

Opis efektu	Symbol efektów Metody weryfikacji	Forma zajęć
The student knows basic minimax and Nash equilibria theorems and examples of applications.	<ul style="list-style-type: none"><li>• praca kontrolna</li><li>• sprawdzian</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>• Wykład</li><li>• Ćwiczenia</li></ul>
The student knows the idea of Nash bargaining models.	<ul style="list-style-type: none"><li>• praca kontrolna</li><li>• sprawdzian</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>• Ćwiczenia</li></ul>
The student can construct simple trees of the game.	<ul style="list-style-type: none"><li>• praca kontrolna</li><li>• sprawdzian</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>• Ćwiczenia</li></ul>
The student knows basic cooperative games.	<ul style="list-style-type: none"><li>• praca kontrolna</li><li>• sprawdzian</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>• Wykład</li></ul>
The student can apply simple probabilistic models in game theory.	<ul style="list-style-type: none"><li>• zaliczenie - ustne, opisowe, testowe i inne</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>• Ćwiczenia</li></ul>
The student understands the mathematical interpretation for the modeling of conflict situations and cooperation in economics and other sciences.	<ul style="list-style-type: none"><li>• praca kontrolna</li><li>• zaliczenie - ustne, opisowe, testowe i inne</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>• Ćwiczenia</li></ul>
The student is aware of the necessity of studying literature in order to enrich his own knowledge.	<ul style="list-style-type: none"><li>• dyskusja</li><li>• sprawdzian</li><li>• zaliczenie - ustne, opisowe, testowe i inne</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>• Wykład</li></ul>

## Warunki zaliczenia

Controlling the preparation degree of students and their activity during the class.

Test with problems with differential degrees of difficulty. A positive result is a necessary condition for taking the exam.

The final mark encompasses the mark of the test (40%) and the mark of the exam (60%), provided both are positive.

## Literatura podstawowa

1. Fudenberg, D. Game theory. MIT Press, Boston, 1991.
2. Owen, G. Teoria gier. PWN, Warszawa, 1975.
3. Osborne, M.J. A course in game theory. MIT Press, Boston, 1994.
4. Płatkowski, T. Wstęp do teorii gier. Uniwersytet Warszawski, Warszawa 2011.
5. Straffin, P.D. Teoria gier. Scholar, Warszawa, 2004.

## Literatura uzupełniająca

1. Myerson, R.B. Game theory: an analysis of conflict. Harvard University Press, 1997.
2. Owen, G. Game theory. EG Publishing, New York, 1995.

## Uwagi

