

# Wykład II - Wybrane zagadnienia ogólnej teorii względności - opis przedmiotu

| Informacje ogólne   |  |
|---------------------|--|
| Nazwa przedmiotu    | Wykład II - Wybrane zagadnienia ogólnej teorii względności |
| Kod przedmiotu      | 13.7-WF-FiAT-W-II-S16                                      |
| Wydział             | <a href="#">Wydział Fizyki i Astronomii</a>                |
| Kierunek            | Fizyka i Astronomia  |
| Profil              | ogólnoakademicki   |
| Rodzaj studiów      | trzeciego stopnia z tyt. doktora                           |
| Semestr rozpoczęcia | semestr zimowy 2016/2017                                   |

| Informacje o przedmiocie        |  |
|---------------------------------|--|
| Semestr                         | 1  |
| Liczba punktów ECTS do zdobycia | 3  |
| Typ przedmiotu                  | obowiązkowy  |
| Język nauczania                 | polski   |
| Sylabus opracował               | <ul style="list-style-type: none"><li>dr hab. Maria Przybylska, prof. UZ</li></ul> |

| Formy zajęć |   |  |  |   |                  |
|-------------|---|--|--|---|------------------|
| Forma zajęć | Liczba godzin w semestrze (stacjonarne) | Liczba godzin w tygodniu (stacjonarne) | Liczba godzin w semestrze (niestacjonarne) | Liczba godzin w tygodniu (niestacjonarne) | Forma zaliczenia |
| Wykład      | 30                                      | 2                                      | -  | -   | Egzamin          |

## Cel przedmiotu

matematycznego stosowanego w ogólnej teorii względności. Głównym celem zajęć jest zapoznanie doktorantów z podstawami ogólnej teorii względności, zrozumienie podstawowych idei tej teorii, zapoznanie z ich różnorodnymi konsekwencjami i wybranymi zastosowaniami do opisu zjawisk fizycznych i astronomicznych

## Wymagania wstępne

Analiza matematyczna I i II, fizyka na poziomie „Podstaw Fizyki I, II, III i IV”

## Zakres tematyczny

- Elementy geometrii różniczkowej. Pojęcie rozmaitości różniczkowej, współrzędne na rozmaitości. Krzywe w przestrzeni euklidesowej, długość krzywej, metryka riemannowska, parametryzacja naturalna, krzywizna i torsja, powierzchnie w  $R^3$ , podprzestrzenie zanurzone w wyżej wymiarowych przestrzeniach płaskich. Przestrzeń styczna i kostyczna.
- Elementy algebry tensorowej. Przestrzeń dualna do przestrzeni wektorowej, odwzorowania wieloliniowe, prawo transformacji dla tensorów i pól tensorowych, operacje algebraiczne na tensorach, formy różniczkowe jako tensory antysymetryczne, przykłady zastosowania tensorów w fizyce.
- Elementy analizy tensorowej. Koneksja afiniczna, pochodna kowariantna, symbole Christoffela, torsja, koneksja riemannowska, przesunięcie równoległe, równanie przesunięcia równoległego, geodezyjne, tensor krzywizny, współrzędne euklidesowe, własności tensora krzywizny, tensor Ricciego, skalar krzywizny.
- Czasoprzestrzeń ogólnej teorii względności, relacje między czasoprzestrzeniami ogólnej i szczególnej teorii względności, lokalne układy inercjalne.
- Zasady: równoważności, względności, minimalnego sprzężenia grawitacyjnego i korespondencji.
- Dewiacja geodezyjna i równania Einsteina w pustej przestrzeni. Newtonowska granica równań geodezyjnych.
- Tensory energii i pędu.
- Równania Einsteina, rozumowanie prowadzące do ich sformułowania. Struktura równań Einsteina i ich ogólne własności.
- Rozwiązanie Schwarzschilda, rozumowanie prowadzące do uzyskania postaci tej metryki, własności tej metryki. Geodezyjne w tej metryce. Trajektorie cząstek masowych i fotonów.
- Testy teorii względności: przesunięcie perihelium, ugięcie światła.
- Schwarzschildowska czarna dziura, osobliwości metryki Schwarzschilda, linie świata radialnych fotonów i cząstek masowych we współrzędnych schwarzschildowskich, współrzędne Eddingtona-Finkelsteina i Kruskala, tunele czasoprzestrzenne i most Einsteina-Rosena.

## Metody kształcenia

Wykład konwencjonalny z elementami metod matematycznych (geometrii różniczkowej i analizy tensorowej) oraz ich zastosowaniami do ogólnej teorii względności.

## Efekty uczenia się i metody weryfikacji osiągnięcia efektów uczenia się

| Opis efektu   | Symbol efektywności                                    | Metody weryfikacji                                      | Forma zajęć  |
|---|--|---|--|
| Student zna różne sposoby określania rozmaitości różniczkowych, wyznacza przestrzenie styczne i kostyczne.  | <ul style="list-style-type: none"><li>SD_W05</li></ul> | <ul style="list-style-type: none"><li>Egzamin</li></ul> | <ul style="list-style-type: none"><li>Wykład</li></ul> |
| Student opanował rachunek tensorowy w stopniu pozwalającym mu samodzielnie obliczać symbole Christoffela, wyznaczać tensor krzywizny, zapisywać równania geodezyjnych, odczytywać symbole Christoffela z równań geodezyjnych. | <ul style="list-style-type: none"><li>SD_W05</li></ul> | <ul style="list-style-type: none"><li>Egzamin</li></ul> | <ul style="list-style-type: none"><li>Wykład</li></ul> |

| Opis efektu  | Symbole efektów                                      | Metody weryfikacji | Forma zajęć |
|--|--|--------------------|-------------|
| Student potrafi zmieniać parametryzacje krzywych, liczy długości krzywych, zna i stosuje własności geodezyjnych.   | • <a href="#">SD_W05</a>                             | • Egzamin          | • Wykład    |
| Student posiada umiejętności posługiwania się aparatem matematycznym do opisu i modelowaniu zjawisk i procesów fizycznych.   | • <a href="#">SD_W03</a><br>• <a href="#">SD_W05</a> | • Egzamin          | • Wykład    |
| Student zna i rozumie postulaty ogólnej teorii względności. Zna i rozumie przesłanki teoretyczne i doświadczalne, które doprowadziły Einsteina do jego postulatów. | • <a href="#">SD_W01</a><br>• <a href="#">SD_W02</a> | • Egzamin          | • Wykład    |
| Student zna i rozumie eksperymenty myślowe z lokalną i nielokalną windą i związek tego drugiego eksperymentu z równaniami Einsteina w pustej przestrzeni.          | • <a href="#">SD_W01</a><br>• <a href="#">SD_W02</a> | • Egzamin          | • Wykład    |
| Student zna przykłady tensorów energii i pędu.   | • <a href="#">SD_W01</a>                             | • Egzamin          | • Wykład    |
| Student zna kroki rozumowania prowadzące do sformułowania równań Einsteina, zna własności tych równań i sposoby ich wykorzystywania.                               | • <a href="#">SD_W01</a><br>• <a href="#">SD_W02</a> | • Egzamin          | • Wykład    |
| Student potrafi wyjaśnić postać metryki Schwarzschilda i zna geodezyjne w tej metryce oraz ich własności.  | • <a href="#">SD_W01</a>                             | • Egzamin          | • Wykład    |
| Student zna zjawiska fizyczne i astronomiczne potwierdzające słuszność ogólnej teorii względności.   | • <a href="#">SD_W01</a><br>• <a href="#">SD_W02</a> | • Egzamin          | • Wykład    |

## Warunki zaliczenia

Test pisemny.

Warunek zaliczenia - pozytywna ocena z egzaminu złożonego z pytań o zróżnicowanym poziomie trudności.

## Literatura podstawowa

1. Slajdy do wykładu przygotowane przez prowadzącego.
2. J. Foster, J. D. Nightingale, Ogólna teoria względności, PWN, Warszawa 1985. English version: J. Foster, J.D. Nightingale, A short course in general relativity, 3-rd edition, Springer Science+Business Media, 2006.
3. J. B. Hartle, Grawitacja, Wprowadzenie do ogólnej teorii względności Einsteina, Wydawnictwo Uniwersytetu Warszawskiego, 2010. English version: J.B. Hartle, Gravity, Addison Wesley, San Francisco, Boston, 2003.
4. R. D'Inverno, Introducing Einstein's relativity, Clarendon Press, Oxford 1998.
5. M. P. Hobson, G. Efstathiou, A. N. Lasenby, General relativity: an introduction for physicists, Cambridge University Press, Cambridge 2006.
6. Ta-Pei Cheng, A college course on relativity and cosmology, Oxford, 2015.
7. L. D. Landau, J. M Lifszyc, Teoria pola, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa 2009.
8. A. Mishchenko, A. Fomenko, A course of differential geometry and topology, Mir Publisher, Moscow, 1988.
9. B. A. Dubrovin, A.T. Fomenko, S.P. Novikov, Modern Geometry – Methods and Applications, Springer 1992.

## Literatura uzupełniająca

1. B. F. Schutz, Wstęp do ogólnej teorii względności, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa 2002.
2. P.M. Gadea, J. Munoz Masque, Analysis and Algebra on Differentiable Manifolds, Springer 2009.

## Uwagi

Zmodyfikowane przez dr Joanna Kalaga (ostatnia modyfikacja: 23-10-2017 00:00)

Wygenerowano automatycznie z systemu SylabUZ